

Übungsserie 1

Erstellen Sie für ihre manuelle Lösung für die Aufgaben 2a) eine PDF-Datei *Name_S1_Aufg2a.pdf* und fassen Sie diese mit Ihren Python-Skripts *Name_S1_Aufg1.py* und *Name_S1_Aufg2b.py* für die Aufgaben 1 und 2b) in einer ZIP-Datei *Name_S1.zip* zusammen. Laden Sie dieses File vor der Übungsstunde nächste Woche auf Moodle hoch.

Aufgabe 1 (ca. 60 Minuten):

Arbeiten Sie das Jupiter Notebook `flaechen.ipynb` durch, um zu sehen, wie Sie Flächen mit Python darstellen können. Weiterführende Informationen bietet Ihnen zum Beispiel auch das Tutorial

https://matplotlib.org/mpl_toolkits/mplot3d/tutorial.html an.

Schreiben Sie ein Skript *Name_S1_Aufg1.py*, welches Ihnen jede der folgenden Funktionen in a) und b)

- einmal dreidimensional mit `plot_wireframe()` darstellt
- einmal dreidimensional mit `plot_surface()` und passender Colormap darstellt
- einmal in zwei Dimensionen mit den Höhenlinien darstellt

Versehen Sie jede Abbildung mit passenden Achsenbeschriftungen und einem Titel.

a) Die Funktion $W = W(v_0, \alpha) = \frac{v_0^2 \sin(2\alpha)}{g}$ beschreibt die Wurfweite W eines Körpers, der mit der Anfangsgeschwindigkeit v_0 [$\frac{\text{m}}{\text{s}}$] unter einem Winkel α gegen die Horizontal abgeworfen wird. Nehme Sie für die Erdbeschleunigung $g = 9.81$ [$\frac{\text{m}}{\text{s}^2}$] an. Für die Anfangsgeschwindigkeit soll gelten $v_0 \in [0, 100]$. Wählen Sie selbst einen vernünftigen Definitionsbereich für α . Bei welchem Winkel α erreicht W für gegebens v_0 sein Maximum? Schreiben Sie dies als Kommentar in Ihr Skript.

b) Die Zustandsgleichung $pV = RT$ für 1 Mol (entspricht $6.022 \cdot 10^{23}$ Molekülen) eines idealen Gases beschreibt den Zusammenhang zwischen den Grössen p (Druck, in $\frac{\text{N}}{\text{m}^2}$), V (Volumen in m^3) und T (absolute Temperatur in Kelvin) des Gases, wobei die Gaskonstante $R = 8.31 \dots$ (in $\frac{\text{J}}{\text{molK}}$) ist. Daraus ergeben sich die folgenden Abhängigkeiten. Stellen Sie jede der drei Funktionen dar innerhalb der angegebenen Defintionsbereiche für p , V und T .

- $p = p(V, T) = \frac{RT}{V}$ für $V \in [0, 0.2]$, $T \in [0, 1e4]$
- $V = V(p, T) = \frac{RT}{p}$ für $p \in [1e4, 1e5]$, $T \in [0, 1e4]$
- $T = T(p, V) = \frac{pV}{R}$ für $p \in [1e4, 1e6]$, $V \in [0, 10]$

Aufgabe 2 (ca. 60 Minuten):

Die Auslenkung $w = w(x, t)$ einer schwingenden Welle (z.B. einer Saite, einer Schall- oder Lichtwelle) in einer räumlichen Dimension wird in Abhängigkeit der Ortskoordinate x und der Zeitkoordinate t durch die eindimensionale Wellengleichung beschrieben

$$\frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = c^2 \frac{\partial^2 w}{\partial x^2}$$

Dabei ist c die (konstante) Geschwindigkeit der Welle und $\frac{\partial^2 w}{\partial t^2} = \frac{\partial}{\partial t} \left(\frac{\partial w}{\partial t} \right)$ bzw. $\frac{\partial^2 w}{\partial x^2} = \frac{\partial}{\partial x} \left(\frac{\partial w}{\partial x} \right)$.

a) Zeigen Sie durch manuelles partielles Ableiten, dass die folgenden Funktionen die Wellengleichung erfüllen:

a1) $w(x, t) = \sin(x + ct)$ a2) $v(x, t) = \sin(x + ct) + \cos(2x + 2ct)$

b) Schreiben Sie ein Skript *Name_S1_Aufg2b.py*, welches Ihnen die Funktionen $w(x, t)$ und $v(x, t)$ dreidimensional mittels `plot_wireframe()` darstellt (für $c = 1$).